

Sommario

- Collezioni:
 - Pile (stack)
 - Implementazione basata su array.
 - Esempio d'uso.
- Reference:
 - Tipi riferimento e puntatori.
- Costruttore per copia (copy constructor)
 - Problema del pointer aliasing
 - Esempio: linked list
 - Esempio: stack

Pile

- La *pila (stack)* è una collezione (un oggetto che raggruppa più dati in una singola struttura) con un comportamento specifico. Lo stack è un ADT.
- Lo stack è caratterizzato da:
 - Interfaccia pubblica.
 - Implementazione:
 - Strutture indicizzate (*array*): array di dimensione variabile.
 - Strutture collegate (*nodì*).
- Vi sono degli algoritmi che sfruttano il comportamento degli oggetti di tipo stack.

Pile

- Una pila è una sequenza $\langle a_1, \dots, a_n \rangle$ di elementi dello stesso tipo, di cui solo l'ultimo elemento inserito, a_n , è visibile all'utente e la modalità di accesso è "ultimo elemento inserito, primo elemento rimosso" (LIFO: last in, first out).
- È una struttura dati lineare a cui si può accedere soltanto mediante uno dei suoi capi per memorizzare e per estrarre dati.
- Una pila può essere descritta in termini di operazioni che ne modificano lo stato o che ne verificano lo stato: pertanto è un ADT.

Pile : interfaccia

```
class Stack{
...
public:
    Stack();
    ~Stack();
    void Push(char x);
    char Pop();
    char Top() const;
    bool IsEmpty() const;
    void Clear();
};
```

Inserisce l'oggetto x in cima alla pila.

Rimuove e restituisce l'oggetto in cima alla pila.

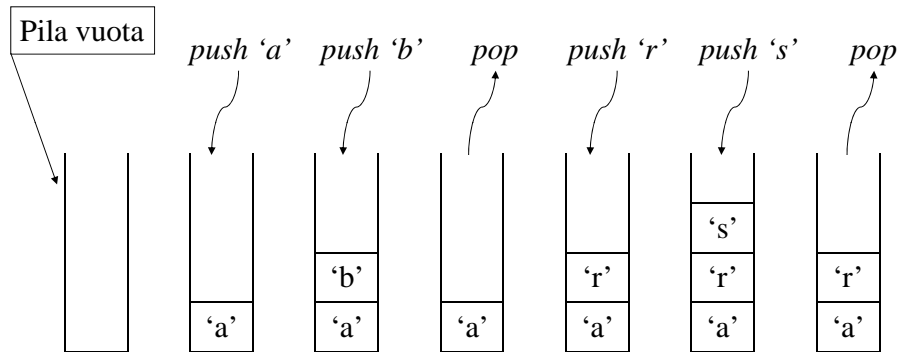
Restituisce l'oggetto in cima alla pila senza rimuoverlo.

Verifica se la pila è logicamente vuota.

Svuota la pila.

Pila

- Vediamo graficamente alcune operazioni su una pila.

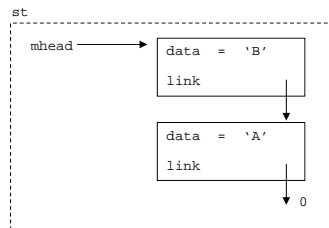


Pila: implementazione

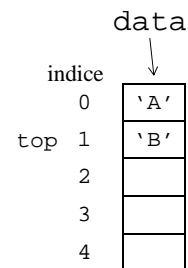
- Si consideri ora la *realizzazione* della pila. Si sono viste le operazioni per operare sulle pile, espresse nella definizione della classe `Stack`. E' necessario fornire la definizione dei metodi della classe, ovvero dei metodi che operano sui dati della pila.
- L'implementazione può essere realizzata sfruttando due diversi tipi di strutture dati: strutture indicizzate (*array*) o strutture collegate (*nodi*).
- L'implementazione con *nodi* e' argomento dell'esercitazione.

Pila: implementazione

PILE: implementazione mediante strutture collegate (*nodi*)



PILE: implementazione mediante array



Pila: implementazione con array

- L'implementazione con array consiste nell'usare un *array flessibile*, cioè un array che può *modificare dinamicamente* le sue *dimensioni*, perchè, in generale, non è noto a priori il numero di oggetti che una pila deve contenere.

Pile: implementazione con array

- Si realizza una struttura dati complessa utilizzandone una primitiva, l'array.
- Il pregio di tale implementazione è il *basso costo computazionale* per inserimenti ed estrazioni, $O(1)$, mentre il punto critico riguarda *l'uso della memoria*.
- Una sequenza di `Push()` può riempire la pila, mentre una sequenza di `Pop()` può lasciare un numero elevato di posizioni vuote, quindi nasce la necessità di ridimensionare opportunamente l'array.

Pile: implementazione con array

Nota sull'implementazione di un *array flessibile*:

- Allocare un nuovo array per ogni elemento da inserire ha un costo $O(n)$: è necessario copiare tutti i valori dal vecchio array al nuovo. Quindi ogni operazione di inserimento risulta troppo onerosa, $O(n)$. La stessa cosa vale per ridurre la dimensione dell'array.
- È necessario utilizzare un accorgimento, la tecnica del *raddoppio e del dimezzamento*: il costo del ridimensionamento dell'array può essere distribuito su più operazioni ottenendo un *costo medio costante*, $O(1)$.

Pile: *ArrayStack.h*

```
#ifndef ARRAYSTACK_H
#define ARRAYSTACK_H
class ArrayStack{
    int top;
    int size;
    int isize;
    char* data;
    void RaddoppiaArray();
    void DimezzaArray();
public:
    ArrayStack(int dim=5);
    ~ArrayStack();
    void Push(char x);
    char Pop();
    char Top() const;
    bool IsEmpty() const;
    void Clear();
};
#endif
```

metodi privati

Pile: *ArrayStack.cpp*

```
ArrayStack::ArrayStack(int dim)
{
    cout<<"ArrayStack() Dimensione iniziale "<<dim<<endl;
    data=new char[dim];
    size=dim;
    isize=dim;
    top=-1;
}
ArrayStack::~ArrayStack()
{
    cout<<"~ArrayStack()"<<endl;
    delete[] data;
    size=0;
    top=-1;
}
```

Pile: *ArrayStack.cpp*

```
void ArrayStack::Push(char x)
{
    if(top==size-1) ← E' necessario raddoppiare l'array
        RaddoppiaArray();
    data[++top]=x;
}
char ArrayStack::Pop()
{
    if(IsEmpty())
        return '\0';
    if ((top<size/4) && (top>=isize/4) ) ← E' necessario dimezzare l'array
        DimezzaArray();
    return data[top--];
}
```

Pile: *ArrayStack.cpp*

```
void ArrayStack::RaddoppiaArray(){
    cout<<"Raddoppiamento Array---Nuova dimensione "<<size*2<<endl;
    char* tmp=new char[size*2];
    for(int i=0; i<size; i++)
        tmp[i]=data[i];
    delete[] data;
    size=size*2;
    data=tmp; ←
}
void ArrayStack::DimezzaArray(){
    cout<<"Dimezzamento Array---Nuova dimensione "<<size/2<<endl;
    char* tmp=new char[size/2];
    for(int i=0; i<=top; i++)
        tmp[i]=data[i];
    size=size/2;
    delete[] data;
    data=tmp; ←
}
```

Pile: *ArrayStack.cpp*

```
char ArrayStack::Top() const
{
    if(IsEmpty())
        return '\0';
    else
        return data[top];
}
bool ArrayStack::IsEmpty() const
{
    return top==-1;
}
void ArrayStack::Clear()
{
    delete[] data;
    size=isize;
    data = new char[size];
    top=-1;
}
```

Pile: *test.cpp*

```
void Test1()
{
    ArrayStack s1(5);
    for(int i=0; i<26; i++)
        s1.Push('a'+i);
    while(!s1.IsEmpty())
        cout<<s1.Pop()<<" ";
    cout<<endl;
    bool res=s1.IsEmpty();
    if(res)
        cout<<"Lo stack e' vuoto"<<endl;
    else
        cout<<"Lo stack non e' vuoto"<<endl;
    cout<<endl;
}
```

Pile: *test.cpp*

Una possibile uscita:

```
ArrayStack() Dimensione iniziale 5
Raddoppiamento Array --- Nuova dimensione 10
Raddoppiamento Array --- Nuova dimensione 20
Raddoppiamento Array --- Nuova dimensione 40
z y x w v u t s r q p o n m l k Dimezzamento Array--- Nuova dimensione 20
j i h g f Dimezzamento Array--- Nuova dimensione 10
e d c Dimezzamento Array--- Nuova dimensione 5
b a
Lo stack e' vuoto

~ArrayStack()
```

Pile: prestazioni

- Le operazioni `Push()` e `Pop()` vengono eseguite a costo costante $O(1)$, essendo realizzate con un array.
- L'inserimento di un elemento in una *pila piena* richiede l'assegnazione di maggiore memoria e gli elementi del vettore pieno sono copiati in quello nuovo. Quindi inserire elementi nel caso peggiore richiede un costo $O(n)$. Tuttavia si può pensare di avere ancora *costo costante in media*: tale operazione avviene in media dopo n inserimenti, quindi il *costo distribuito* per ogni operazione è $O(1)$. Lo stesso vale per l'estrazione di un elemento.

Pile: prestazioni

- Nell'implementazione basata sull'uso di *strutture collegate*, i dati sono memorizzati in nodi, ogni nodo ha un riferimento al precedente.
- In questo caso non vi sono problemi di memoria: si alloca solo il numero necessario di nodi. Ogni operazione ha costo $O(1)$.
- Ogni inserimento provoca la creazione di un oggetto nodo. Ogni estrazione distrugge un oggetto nodo.

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

- Un'applicazione delle pile è l'identificazione dei *delimitatori corrispondenti* in un'espressione, che è un esempio significativo perché questa attività fa parte di qualsiasi *compilatore*.
- Vediamo un esempio:
 - Uso corretto dei delimitatori:
 $b+(c-d)*(e-f)$
 - Mancata corrispondenza:
 $b+(c-d)*(e-f)$

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

- L'*algoritmo* legge un carattere dalla stringa che rappresenta l'espressione e se si tratta di un delimitatore iniziale, '(' o '[' o '{', lo memorizza in una pila. Quando viene trovato un delimitatore finale, ')' o ']' o '}', esso viene confrontato con quello estratto dalla pila: se corrispondono l'analisi continua, altrimenti termina segnalando un errore.
- Vediamo una possibile implementazione.

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

```
bool BilanciamentoParentesi(string expr){
    ArrayStack st(256);
    for (unsigned int i = 0; i < expr.size(); i++){
        char ch = expr[i];
        switch (ch){
            case '(': case '[': case '{':
                st.Push(expr[i]); break;
            case ')': case ']': case '}':
                if(st.IsEmpty())
                    return false;
                char ctr = st.Pop();
                if (!(ctr == '(' && ch == ')' || ctr == '[' &&
                    ch == ']' || ctr == '{' && ch == '}'))
                    return false;
                break;
        }
    }
    if (!st.IsEmpty())
        return false;
    else
        return true;
}
```

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

Vediamo l'analisi della seguente espressione: $2 + [(3 - 2) * (5 - a) + b]$

Stack:	Letto: 2	+[(3-2)*(5-a)+b]
Stack:	Letto: +	[(3-2)*(5-a)+b]
Stack:	Letto: [(3-2)*(5-a)+b]
Stack: [Letto: (3-2)*(5-a)+b]
Stack: (Letto: 3	-2)*(5-a)+b]
Stack: (Letto: -	2)*(5-a)+b]
Stack: (Letto: 2)*(5-a)+b]
Stack: (Letto:)	*(5-a)+b]
Stack: [Letto: *	(5-a)+b]
Stack: [Letto: (5-a)+b]
Stack: (Letto: 5	-a)+b]
Stack: (Letto: -	a)+b]
Stack: (Letto: a)+b]
Stack: (Letto:)	+b]
Stack: [Letto: +	b]
Stack: [Letto: b]
Stack: [Letto:]	

Ok!

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

Vediamo l'analisi della seguente espressione: $2 + [(3 - 2)) * (5 - a) + b]$

Stack:	Letto: 2	+[(3-2))*(5-a)+b]
Stack:	Letto: +	[(3-2))*(5-a)+b]
Stack:	Letto: [(3-2))*(5-a)+b]
Stack: [Letto: (3-2))*(5-a)+b]
Stack: (Letto: 3	-2))*(5-a)+b]
Stack: (Letto: -	2))*(5-a)+b]
Stack: (Letto: 2))*(5-a)+b]
Stack: (Letto:))*(5-a)+b]
Stack: [Letto:)	*(5-a)+b]

No

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

Vediamo l'analisi della seguente espressione: $2 + [(3 - 2) * (5 - a) + b]$

Stack:	Letto: 2	+[(3-2)*(5-a)+b]}
Stack:	Letto: +	[(3-2)*(5-a)+b]}
Stack:	Letto: [(3-2)*(5-a)+b]}
Stack: [Letto: (3-2)*(5-a)+b]}
Stack: (Letto: 3	-2)*(5-a)+b]}
Stack: (Letto: -	2)*(5-a)+b]}
Stack: (Letto: 2)*(5-a)+b]}
Stack: (Letto:)	*(5-a)+b]}
Stack: [Letto: *	(5-a)+b]}
Stack: [Letto: (5-a)+b]}
Stack: (Letto: 5	-a)+b]}
Stack: (Letto: -	a)+b]}
Stack: (Letto: a)+b]}
Stack: (Letto:)	+b]}
Stack: [Letto: +	b]}
Stack: [Letto: b]}
Stack: [Letto:]	}
Stack: [Letto: }	}
Stack:	Letto: }	}

No

Pile: esempio – bilanciamento delle parentesi

```
void Test4()
{
    bool res;
    res = BilanciamentoParentesi("2+[(3-2)*(5-a)+b]");
    if(res)
        cout<<"Espressione bilanciata!"<<endl;
    else
        cout<<"Errore bilanciamento!"<<endl;
}
```

Una possibile uscita:

```
ArrayStack() Dimensione iniziale 256
~ArrayStack()
Errore bilanciamento!
```

TIPI RIFERIMENTO

- Un riferimento (*reference*) agisce come un nome alternativo per un oggetto: permette la manipolazione indiretta di un oggetto in maniera simile all'uso di un puntatore, ma senza richiedere l'uso della sintassi dei puntatori:

```
double d = 3.3;
double &ref = d;
ref=5; // d vale 5 e ref vale 5
```

Notare l'uso di &

- Un riferimento deve essere sempre inizializzato
`double &r; //errore: compile-time`

TIPI RIFERIMENTO

- Una volta definito, un riferimento *non* può essere riferito ad un altro oggetto:

```
double x = 0;
ref = x; // d vale 0 e ref vale 0
x=123; // d vale 0 e ref vale 0
```

- Tutte le operazioni sui riferimenti sono applicate effettivamente agli oggetti cui si riferiscono, compreso l'operatore *indirizzo-di*:

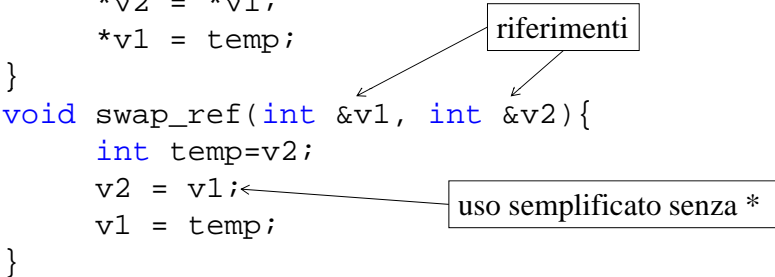
```
double *p= &ref;
*p=33; // d vale 33 e ref vale 33
```

TIPI RIFERIMENTO

- Le due differenze fondamentali tra puntatori e riferimenti sono: (1) un riferimento deve sempre riferirsi ad un oggetto; (2) l'assegnamento di un riferimento ad un altro cambia il valore dell'oggetto riferito e non il riferimento stesso.
- L'utilizzo più frequente dei riferimenti si ha come *parametri formali* di una funzione: un altro modo per implementare il *passaggio per riferimento* oltre all'uso dei puntatori. Utili per (i) passare come argomenti oggetti molto grandi o (ii) modificare i valori degli argomenti.

TIPI RIFERIMENTO

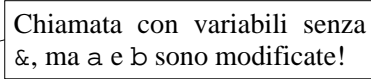
```
void swap_ptr(int *v1, int *v2){
    int temp=*v2;
    *v2 = *v1;
    *v1 = temp;
}
void swap_ref(int &v1, int &v2){
    int temp=v2;
    v2 = v1;
    v1 = temp;
}
```



TIPI RIFERIMENTO

```
int main(){
    int a=1, b=9;
    swap_ptr( &a, &b);
    cout<<"a="<<a<<" b="<<b<<endl;

    a=1; b=9;
    swap_ref( a, b);
    cout<<"a="<<a<<" b="<<b<<endl;
    return 0;
}
```



Una possibile uscita:

```
a=9 b=1
a=9 b=1
```

TIPI RIFERIMENTO

- Prima di dereferenziare un puntatore si dovrebbe verificare che punti effettivamente ad un oggetto, questo non è necessario con un riferimento.
- Se all'interno di una funzione un parametro deve riferirsi a più oggetti o a nessuno allora è necessario usare un puntatore.
- Se si desidera che un parametro riferimento non sia modificato nella funzione, lo si deve dichiarare `const`.
- I parametri riferimento consentono di implementare in modo efficiente gli *operatori sovraccaricati* mantenendone intuitivo l'uso.

COSTRUTTORE PER COPIA

- L'inizializzazione di un oggetto di una classe con un altro oggetto della stessa classe viene chiamata *inizializzazione di default membro a membro*.
- Tale inizializzazione avviene automaticamente se non è fornito un costruttore esplicito (*copy-constructor*).
- L'operazione eseguita è quella di copia di ogni attributo.

COSTRUTTORE PER COPIA

- L'inizializzazione di un oggetto con un altro della sua classe avviene nelle seguenti situazioni:
 - Inizializzazione esplicita.

```
Point p1(1,2);
Point p2(p1);
```
 - Passaggio di un oggetto come argomento di una funzione.
 - Passaggio di un oggetto come valore di ritorno di una funzione.

COSTRUTTORE PER COPIA

- Il comportamento di default non è adeguato quando:
 - Un attributo è un puntatore a memoria allocata nello *heap*, in tal caso viene copiato solo l'indirizzo e non la memoria: quindi si hanno due oggetti che condividono la stessa area di memoria (*pointer aliasing*).
 - Un attributo deve avere un valore diverso per ogni oggetto (per es. il numero di conto bancario).
- In tali casi è necessario definire un costruttore per copia che implementi la corretta semantica di inizializzazione della classe.

Esempio: ArrayStack

Vediamo un esempio in cui il comportamento di default del costruttore per copia non è adeguato:

```
void TestCopyConstructor{
    ArrayStack s1(10);
    for(int i=0; i<26; i++)
        s1.Push('a'+i);

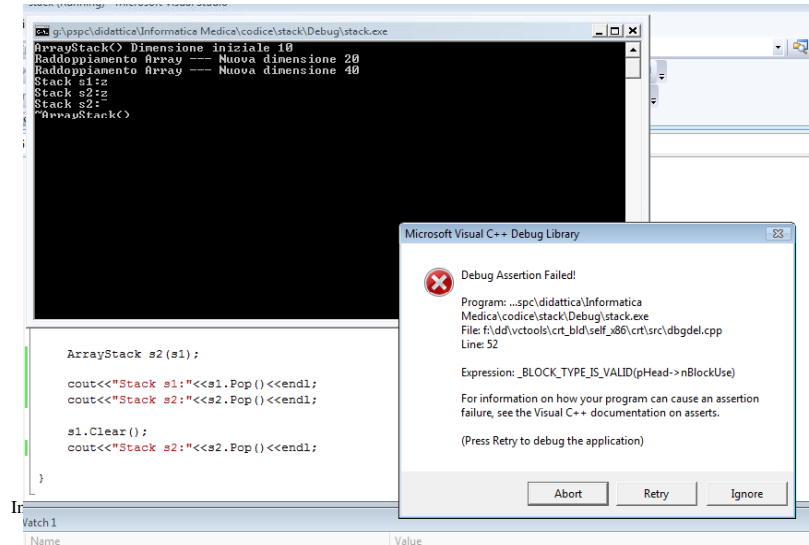
    ArrayStack s2(s1); ← costruttore per copia

    cout<<"Stack s1:"<<s1.Pop()<<endl;
    cout<<"Stack s2:"<<s2.Pop()<<endl;

    s1.Clear(); ←
    cout<<"Stack s2:"<<s2.Pop()<<endl;
}
```

Esempio: ArrayStack

Una possibile uscita (comportamento errato!):



Esempio: ArrayStack – pointer aliasing

- Il comportamento di default del costruttore per copia genera il problema *dell'aliasing dei puntatori* (pointer aliasing).
- Viene effettuata una copia membro a membro di tutti gli attributi della classe, compreso il puntatore `char* data`, ma non viene allocata una nuova area di memoria.
- Pertanto i due oggetti `s1` e `s2` condividono la stessa area di memoria, generando comportamenti inattesi e/o errori run-time.

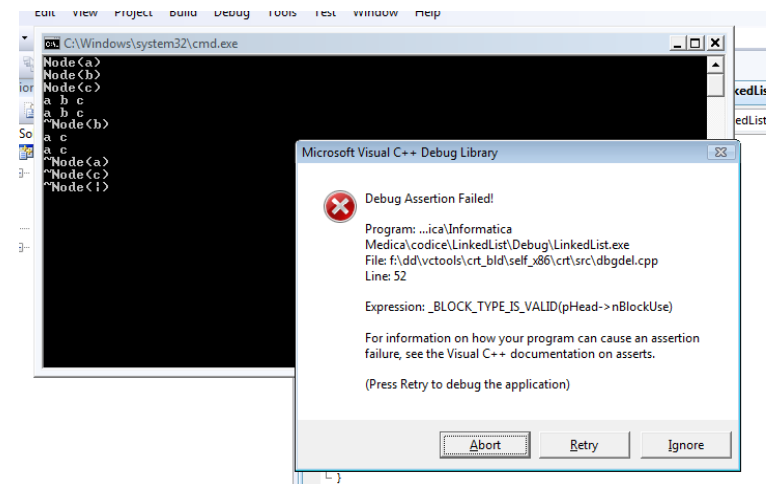
Esempio: linked list

Vediamo un altro esempio in cui il comportamento di default del costruttore per copia non e' adeguato:

```
void TestCopyConstructor()  
{  
    LinkedList l1;  
    l1.Add('a');  
    l1.Add('b');  
    l1.Add('c');  
    l1.Print();  
    LinkedList l2(l1); ← costruttore per copia  
    l2.Print();  
    l1.Remove('b'); ←  
    l1.Print();  
    l2.Print();  
}
```

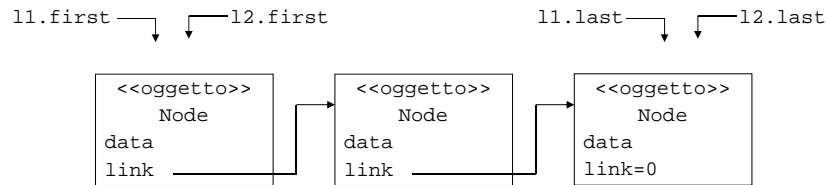
Esempio: linked list

Una possibile uscita (comportamento errato!):



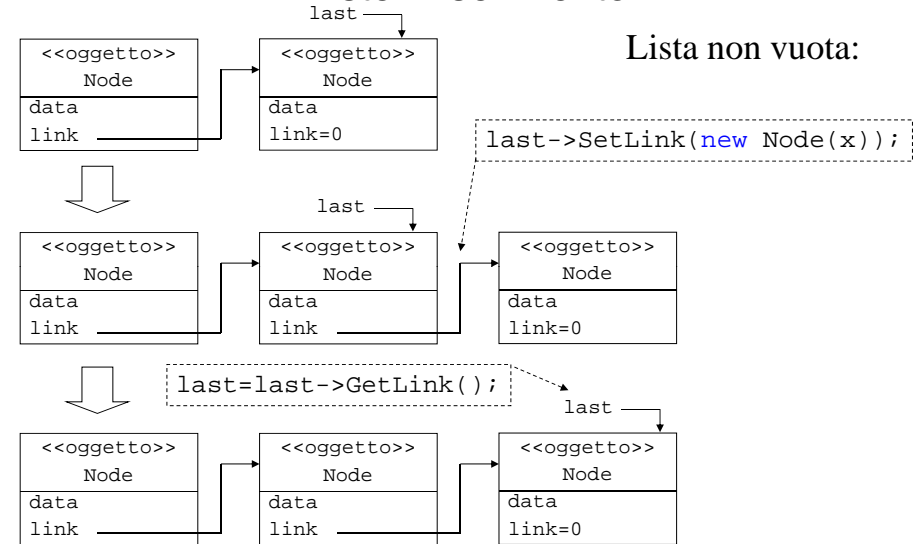
Esempio: ArrayStack – pointer aliasing

- Anche per la classe LinkedList il comportamento di default del costruttore per copia genera il problema *dell'aliasing dei puntatori*.
- Viene effettuata una copia membro a membro di tutti gli attributi della classe (i puntatori `Node* first` e `Node* last`), ma non vengono creati nuovi nodi.



Liste: inserimento

Lista non vuota:



COSTRUTTORE PER COPIA - ArrayStack

Definiamo pertanto un costruttore per copia adeguato per la classe `ArrayStack`:

```
ArrayStack::ArrayStack(const ArrayStack& o)
{
    cout<<"Copy constructor:ArrayStack(const ArrayStack& o)"<<endl;
    size=o.size;
    isize=o.isize;
    top=o.top;
    data=new char[size];
    for(int i=0; i<=top; i++)
        data[i]=o.data[i];
}
```

necessario per evitare il *pointer aliasing*

COSTRUTTORE PER COPIA - ArrayStack

Eseguendo nuovamente il test presentato nella slide n.5 `TestCopyConstructor()` si ottiene la seguente uscita (comportamento corretto):

```
ArrayStack() Dimensione iniziale 10
Raddoppiamento Array --- Nuova dimensione 20
Raddoppiamento Array --- Nuova dimensione 40
Copy constructor: ArrayStack(const ArrayStack &o)
Stack s1:z
Stack s2:z
Stack s2:y
~ArrayStack()
~ArrayStack()
```

COSTRUTTORE PER COPIA - LinkedList

Definiamo pertanto un costruttore per copia adeguato per la classe LinkedList:

```
LinkedList::LinkedList(const LinkedList& o)
{
    cout<<"Copy constructor: LinkedList(const LinkedList& o)"<<endl;
    first=0;
    last=0;
    for(Node *i=o.first; i!=0; i=i->GetLink())
        Add(i->GetData());
}
```

COSTRUTTORE PER COPIA - LinkedList

Eseguendo nuovamente il test TestCopyConstructor(), si ottiene la seguente uscita (comportamento corretto):

```
Node(a)
Node(b)
Node(c)
a b c
Copy constructor: LinkedList(const LinkedList& o)
Node(a)
Node(b)
Node(c)
a b c
~Node(b)
a c
a b c
~Node(a)
~Node(b)
~Node(c)
~Node(a)
~Node(c)
```